JR Seigne MP*, Clemenceau Nantes

Généralités

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

Numérisation

Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Tilde Tel Oldie

Moyenne glissante Filtrage et transformée de

Fourier

Échantillonnage

JR Seigne MP*, Clemenceau
Nantes

September 10, 2024

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

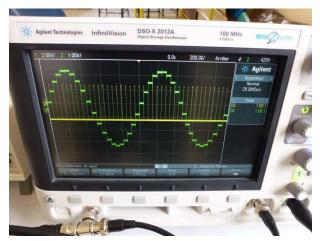
Numérisation

Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Filtrage et transformée de



Informatique: mode binaire 0 ou 1.

Signal analogique : évolution continue au cours du temps. Signal numérique : valeurs discrètes au cours du temps. Ces valeurs discrètes sont codées par un ensemble de 0 et 1 dont la base de représentation est l'octet.

Échantillonnage

Multiplication

Peigne

Triangle

Signal général

Condition de

Shannon Numérisation

Filtrage

numérique Filtre 1er ordre

Movenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier

Généralités

2 Échantillonnage

Multiplication

Peigne

Triangle

Signal général

3 Condition de Shannon

4 Numérisation

5 Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Généralités Échantillonnage

Multiplication Peigne Triangle

Signal général

Condition de

Shannon Numérisation

Filtrage

numérique

Filtre 1er ordre Movenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier La Physique n'apprécie guère les discontinuités mais l'ordinateur ne peut pas traiter une fonction continue. À quel rythme va-t-on répéter les évaluations d'un signal analogique ?

 T_e : période d'échantillonnage $F_e=1/T_e$: fréquence d'échantillonnage

Fréquence F_e adaptée à la rapidité d'évolution d'un signal... Avoir une idée des fréquences présentes dans le signal... analyse de Fourier S_{num}

Généralités

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

Numérisation

Filtrage numérique

Fourier

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Filtrage et transformée de

disponibles

Travailler en 8 bits : $2^8 = 256$ niveaux Travailler en 64 bits : $2^{64} = 2 \times 10^{19}$ niveaux

niveaux

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

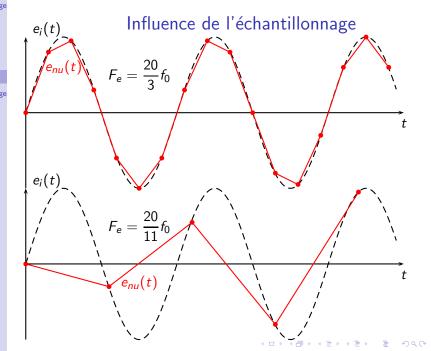
Numérisation

Filtrage

numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante



JR Seigne MP*, Clemenceau Nantes

Généralités

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de

Shannon

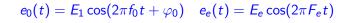
Numérisation

Filtrage numérique

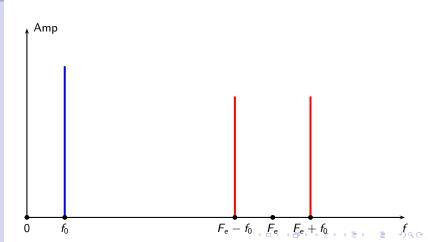
Filtre 1er ordre

Moyenne glissante Filtrage et transformée de

Fourier



$$s(t) = \frac{e_1(t) \times e_e(t)}{V_0}$$



Échantillonnage

Multiplication Peigne

Triangle

Signal général

Condition de Shannon

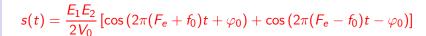
Numérisation

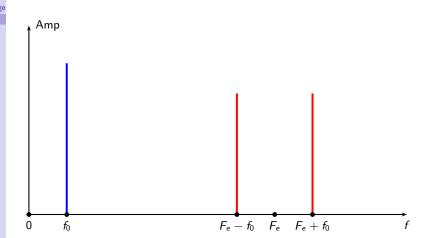
Numerisatio

Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante





JR Seigne MP*, Clemenceau Nantes

Généralités

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

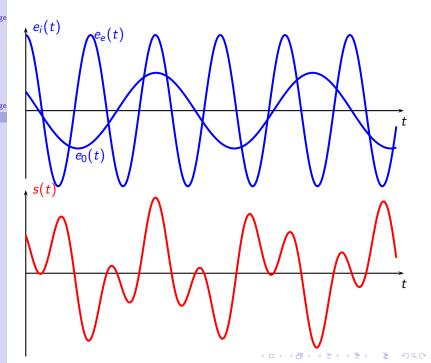
Numérisation

Filtrage

numérique Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

ivioyenne giissano



Échantillonnage

JR Seigne
MP*,
Clemenceau
Nantes

Généralités
Échantillonnage
Multiplication
Peigne
Triangle

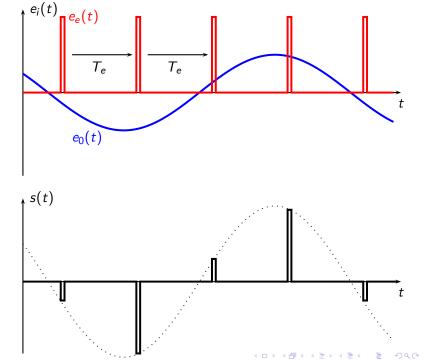
Condition de Shannon Numérisation

Signal général

Filtrage numérique

numérique Filtre 1er ordre

Moyenne glissante



Échantillonnage

Multiplication Peigne

Triangle Signal général

Condition de Shannon

Numérisation

Filtrage

numérique Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier Fréquence du signal : f_0

Fréquences du peigne (signal d'échantillonnage) : nFe

Fréquences du signal échantillonné $nF_e \pm f_0$

Échantillonnage

Multiplication

Peigne

Triangle

Signal général

Condition de Shannon

Numérisation

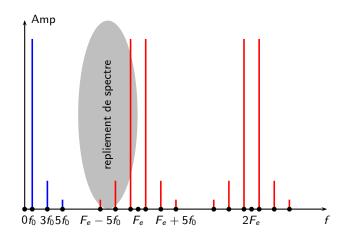
Filtrage

numérique Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier

Spectre d'un signal triangulaire échantillonné



Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

Numérisation

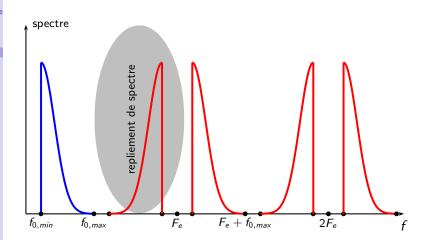
Filtrage

numérique Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier

Spectre d'un signal échantillonné possédant au départ un spectre continu



Échantillonnage

Multiplication Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

Numérisation

Filtrage numérique

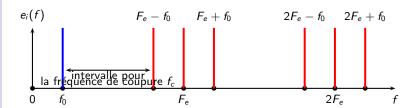
numerique Filtre 1er ordre

Movenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier

Signal bien échantillonné

Après une numérisation, on met en forme le signal pour assurer une bonne transmission du signal ou bien un traitement. Une fois que cela est terminé, il faut être capable de retrouver une image fidèle du signal. Il faut extraire par filtrage le signal de départ du signal réceptionné.



Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

Numérisation

Filtrage

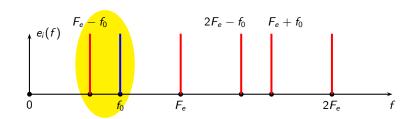
numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante Filtrage et

Filtrage et transformée de Fourier

Signal mal échantillonné



Il faut éviter que $F_e - f_0$ soit inférieur à f_0 !

Critère de Shannon

$$F_{e} > 2f_{0}$$

Échantillonnage

Multiplication Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

Numérisation

Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier

Principe du CAN

Objectif : transformer la valeur du signal échantillonné en une suite de $\bf 0$ et de $\bf 1$

- Choisir un nombre de bits n
- Créer une liste de 2^n valeurs accessibles dans un intervalle de tension Δu_{num} appelé dynamique du convertisseur
- Associer à chaque valeur une suite de 0 et 1
- Attribuer à chaque valeur échantillonnée une valeur dans celles accessibles
- Faire correspondre à chaque valeur échantillonnée au départ la suite de 0 et de 1 correspondante
- Stocker le résultat en mémoire

Le pas d'échantillonnage q est :

$$q = \frac{\Delta u_{num}}{2^n - 1} \simeq \frac{\Delta u_{num}}{2^n}$$

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de

Shannon

Numérisation

Filtrage numérique

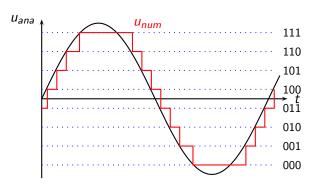
numenqu

Fourier

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante Filtrage et

Erreurs de quantification



Bruit de quantification $b(t) = u_{num}(t) - u_{ana}(t)$ pour $2^3 = 8$ pas (3 bits) avec basculement en fin de pas de quantification

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de

Shannon

Numérisation

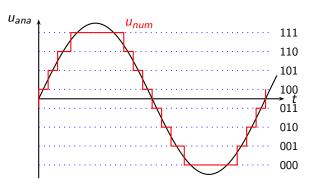
Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier

Erreurs de quantification



Bruit de quantification $b(t) = u_{num}(t) - u_{ana}(t)$ pour $2^3 = 8$ pas (3 bits) avec basculement au milieu du pas de quantification

JR Seigne MP*, Clemenceau Nantes

Généralités

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de Shannon

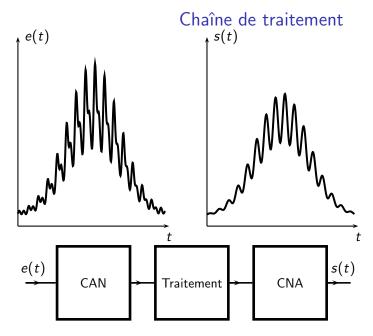
Numérisation

Filtrage

numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante



Échantillonnage

Multiplication

Peigne

Triangle Signal général

Condition de

Shannon Numérisation

Filtrage numérique

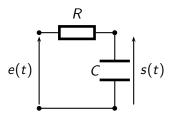
Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier

Passe-bas 1er ordre

Filtre analogique du premier ordre :



$$\underline{H}(j\omega) = \frac{\underline{s}}{e} = \frac{1}{1 + jRC\omega} = \frac{1}{1 + j\omega\tau}$$

En version temporelle:

$$\tau \frac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} + s = e(t)$$

Échantillonnage

Multiplication

Peigne Triangle

Signal général

Condition de

Shannon Numérisation

Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Movenne glissante

Filtrage et transformée de Fourier

Filtre numérique 1er ordre

On passe au filtre numérique en assimilant la dérivée à un taux de variation sur la période d'échantillonnage T_e :

$$au rac{\mathrm{d}s}{\mathrm{d}t} + s = e(t) \qquad \longrightarrow \qquad au rac{s_n - s_{n-1}}{T_e} + s_n = e_n$$

$$s_n = \frac{\theta}{1+\theta} \, s_{n-1} + \frac{1}{1+\theta} \, e_n$$

L'état de la sortie au rang n dépend de l'état de l'entrée au rang n et de la sortie au rang n-1. Le poids de chaque contribution est fixé par $\theta=\tau/T_e$ qui compare le temps caractéristique du filtre à celui de la période d'échantillonnage.

JR Seigne MP*, Clemenceau Nantes

Généralités

Échantillonnage

Multiplication Peigne

Triangle

Signal général

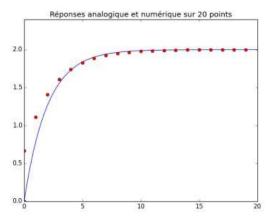
Condition de Shannon

Numérisation

Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante



JR Seigne MP*, Clemenceau Nantes

Généralités

Échantillonnage

Multiplication Peigne

Triangle

Signal général

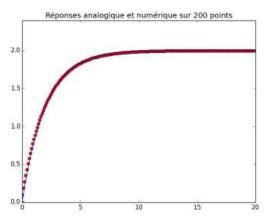
Condition de Shannon

Numérisation

Filtrage numérique

numerique Filtre 1er ordre

Moyenne glissante



JR Seigne MP*, Clemenceau Nantes

Généralités

Échantillonnage

Multiplication Peigne

Triangle

Signal général

Condition de Shannon

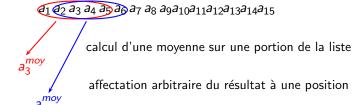
Numérisation

Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante Filtrage et transformée de Fourier

Moyenne glissante



décalage d'une place de la moyenne...

reconstitution d'une liste plus courte

on peut compléter la liste

Échantillonnage

Multiplication Peigne Triangle

Signal général

Condition de

Shannon Numérisation

Filtrage numérique

Filtre 1er ordre

Moyenne glissante

Filtrage et transformée de

- Calculer la transformée de Fourier du signal
- Récupèrer le tableau associant à une fréquence son amplitude et sa phase
- Supprimer dans le tableau les fréquences non voulues, par exemple les hautes fréquences si on veut faire agir un filtre passe-bas
- Calculer la transformée de Fourier inverse du spectre tronqué

Le résultat de la Transformée de Fourier inverse donne le signal filtré.